

11 класс

Задача №11-Г1. Вращающаяся гильза

Скорость точек на внешней поверхности гильзы направлена к оси гильзы под углом $\alpha = \operatorname{arctg} \frac{\omega R}{v}$. Сила трения, действующая на элементы поверхности гильзы, направлена противоположно их скорости, а значит, не изменяет угол между векторами скоростей точек гильзы и её осью, а влияет лишь на модули этих скоростей. Следовательно, в процессе торможения гильзы отношение скорости ее поступательного движения и линейной скорости вращательного движения точек ее поверхности остается неизменной: $\frac{\omega R}{v} = \frac{\omega_0 R}{v_0}$.

Так как это обстоятельство очень важно для решения, приведем другой возможный способ его обоснования. Сила трения скольжения, в силу информации о постоянстве сил нормальной реакции стенок отверстия, для каждого малого элемента поверхности гильзы имеет постоянную величину и направлена против его скорости. Действие сил трения можно разделить на торможение поступательного движения (результатирующая сила $F_x(x) = F(x) \cos \alpha$) и торможение вращения гильзы (тормозящий момент равен моменту силы $F_{\perp}(x) = F(x) \sin \alpha$). Поэтому ускорения, с которыми уменьшаются скорость ее поступательного движения $v_x = v \cos \alpha$ и линейная скорость вращательного движения точек ее поверхности $v_{\perp} = \omega R = v \sin \alpha$, пропорциональны этим скоростям. Следовательно, отношение величин этих скоростей остается неизменным:

$$\frac{(v_{\perp})'_t}{(v_x)'_t} = \frac{v_{\perp}}{v_x}, \quad \left(\frac{v_{\perp}}{v_x} \right)'_t = \frac{v_x(v_{\perp})'_t - v_{\perp}(v_x)'_t}{v_x^2} = 0, \quad \frac{v_{\perp}}{v_x} = \operatorname{const}$$

Поэтому и $\operatorname{tg} \alpha = \frac{v_{\perp}}{v_x} = \operatorname{const}$.

В направлении поступательного движения ускорение гильзы определяется проекцией силы трения

$$F_x(x) = F(x) \cos \alpha = F(x) \frac{v_0}{\sqrt{(\omega_0 R)^2 + v_0^2}}.$$

Поэтому движения вращающейся гильзы в направлении оси аналогично движению невращающейся гильзы при действии «уменьшенной» силы $F_x(x)$. Минимальное значение скорости v_{\min} при учете этого можно найти из закона сохранения энергии:

$$\frac{mv_{\min}^2}{2} = -A_{mp} = \frac{F_x(l)2l}{2} = \frac{F_0 l v_{\min}}{\sqrt{(\omega_0 R)^2 + v_{\min}^2}}.$$

Из этого уравнения находим

$$v_{\min} = \sqrt{\sqrt{\frac{(\omega_0 R)^4}{4} + 4 \left(\frac{F_0 l}{m}\right)^2} - \frac{(\omega_0 R)^2}{2}}.$$

Для ответа на второй вопрос достаточно заметить, что угловая скорость и скорость поступательного движения гильзы всё время связаны соотношением $\frac{\omega}{v} = \frac{\omega_0}{v_0}$. В момент полного погружения скорость поступательного движения v_1 в $\sqrt{2}$ раз меньше начальной скорости $v_0 = v_{\min}$, так как работа сил трения к этому моменту составляет ровно половину от величины работы до момента вылета. Поэтому

$$\omega_1 = \frac{v_1}{v_0} \omega_0 = \frac{\omega_0}{\sqrt{2}}.$$

При движении гильзы внутри отверстия до момента полного проникновения ее внутрь плиты сила F_x линейно увеличивается. Ускорение гильзы

$$a = -\frac{F_0 \cos \alpha}{ml} x.$$

Это формула совпадает с уравнением гармонических колебаний с циклической частотой

$$\Omega = \sqrt{\frac{F_0 \cos \alpha}{ml}} = \sqrt{\frac{F_0 v_0}{ml \sqrt{(\omega_0 R)^2 + v_0^2}}}.$$

Координата переднего среза гильзы зависит от времени как

$$x = x_0 \sin \Omega t,$$

где x_0 определяется при этом из условия $x_0 = \frac{v_0}{\Omega} = v_0 \sqrt{\frac{ml}{F_0 \cos \alpha}}$. Тогда до момента полного погружения гильзы в отверстие

$$x = v_0 \sqrt{\frac{ml}{F_0 \cos \alpha}} \sin \Omega t,$$

и время погружения τ находится из уравнения

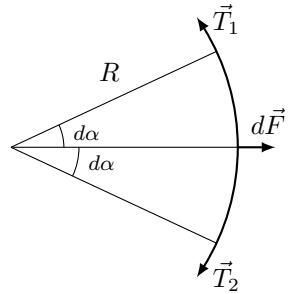
$$l = v_0 \sqrt{\frac{ml}{F_0 \cos \alpha}} \sin \Omega t,$$

$$\tau = \sqrt{\frac{ml}{F_0 \cos \alpha}} \arcsin \left(\sqrt{\frac{F_0 l \cos \alpha}{m v_0^2}} \right)$$

$$\tau = \sqrt{\frac{ml \sqrt{(\omega_0 R)^2 + v_0^2}}{F_0 v_0}} \arcsin \left(\sqrt{\frac{F_0 l}{m v_0 \sqrt{(\omega_0 R)^2 + v_0^2}}} \right).$$

Задача №11-Т2. Как измерить поверхностное натяжение?

Так как нить невесома и сила поверхностного натяжения везде перпендикулярна нити, сила натяжения нити постоянна $T = const$. Если взять участок нити длины dl и пренебречь действием силы тяжести, то на него действуют только силы натяжения нити ($T_1 = T_2 = T$) и сила поверхностного натяжения dF . Приближим участок нити дугой окружности некоторого радиуса R . Тогда сила поверхностного натяжения $dF = 2\sigma dl = 4\sigma R d\alpha$ (с учетом того, что у пленки две поверхности). В радиальной проекции имеем условие равновесия: $2T \sin(d\alpha) = dF$. Отсюда $R = T/2\sigma$, и таким образом $R = const$, то есть вся нить имеет форму дуги окружности. Поскольку AB и CD равны, минимальное расстояние между нитями достигается на середине высоты.

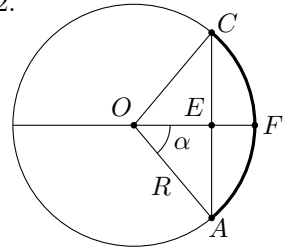


Из рисунка для расстояний: $AC = h$, $EF = (L - d)/2$. По теореме Пифагора для треугольника $\triangle OEA$:

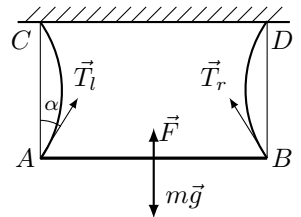
$$R^2 = \left(\frac{h}{2}\right)^2 + \left(R - \frac{L - d}{2}\right)^2,$$

откуда

$$R = \frac{(L - d)^2 + h^2}{4(L - d)}.$$



Рассмотрим часть системы, находящуюся ниже средней линии. Условие равновесия для нее: $2T + 2\sigma d = mg$ или $4\sigma R + 2\sigma d = mg$. (Либо можно рассмотреть силы, действующие непосредственно на планку: $2T \cos \alpha + 2\sigma L = mg$. Также в этом случае понадобится найти, под каким углом нить подходит к планке: $\sin \alpha = h/2R$). Подставляя из найденного ранее радиус нити:



$$\sigma = \frac{mg(L - d)}{h^2 + L^2 - d^2}$$

Подставляя числовые значения величин, находим: $\sigma = 0.066 \text{ Н/м}$.

Задача №11-Т3. Трапеция лорда Кельвина

Теплоёмкость C газа равна:

$$C = \frac{\delta Q}{dT} = \frac{dU}{dT} + \frac{pdV}{dT} = \nu C_V + \frac{pdV}{dT}$$

Поймём, для каких линейных процессов $p(V)$, кроме $p = const$ и $V = const$, теплоёмкости являются постоянными. Пусть $p = p_0 + \alpha V$. Тогда из уравнения Менделеева-Клапейрона:

$$(p_0 + \alpha V)V = \nu RT \Rightarrow \frac{dT}{dV} = \frac{p_0 + 2\alpha V}{\nu R}$$

Подставляя выражение для dT/dV в выражение для теплоёмкости, получим:

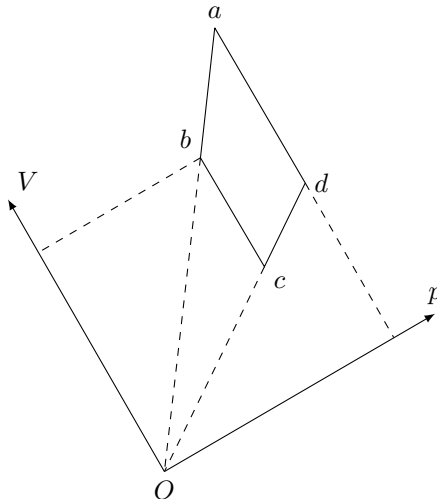
$$C = \nu \left(C_V + R \cdot \frac{p_0 + \alpha V}{p_0 + 2\alpha V} \right)$$

Теплоёмкость не зависит от объёма, если $p_0 = 0$, что соответствует прямой, проходящей через начало координат. Поскольку $C_p = C_V + R$, имеем:

$$C_V < C = \frac{C_p + C_V}{2} < C_p$$

Поскольку $C_{bc} = C_{da} > C_{ab} = C_{cd}$ — процессы bc и da являются изобарными, а процессы ab и cd соответствуют прямым линиям, проходящим через начало координат.

Проведя линии ab и cd до пересечения, найдём положение начала координат. Далее, проводя через начало координат лучи, параллельные и перпендикулярные направлению изобар, получим направления осей объёма V и давления p соответственно.



Поскольку $p_a = p_d$ и $p_b = p_c$, из подобия треугольников следует, что $V_b/V_c = V_a/V_d$. Тогда имеем:

$$\frac{T_b}{T_c} = \frac{V_b}{V_c} = \frac{V_a}{V_d} = \frac{T_a}{T_d} \Rightarrow T_b T_d = T_a T_c$$

Поскольку $T_b > T_c$ и $T_a > T_d$ - температуры в точках b и d одинаковы и равны T_2 , а температура в точке a максимальна и равна T_1 . Тогда температура в точке c равна $T_3 = T_2^2/T_1$. Таким образом:

$$T_a = 400 \text{ К} \quad T_b = T_d = 200 \text{ К} \quad T_c = 100 \text{ К}$$

Газ получает тепло на участках cd и da , а отдаёт — на участках ab и bc . Тогда имеем:

$$Q_+ = C(T_2 - T_3) + C_p(T_1 - T_2) \quad Q_- = C(T_1 - T_2) + C_p(T_2 - T_3)$$

Поскольку $C_p = 7\nu R/2$ и $C = 3\nu R$, находим:

$$\eta = 1 - \frac{Q_-}{Q_+} = 1 - \frac{6(T_1 - T_2) + 7(T_2 - T_2^2/T_1)}{6(T_2 - T_2^2/T_1) + 7(T_1 - T_2)}$$

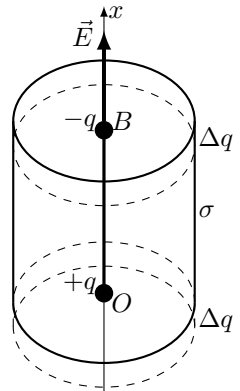
После упрощения:

$$\eta = 1 - \frac{6T_1 + 7T_2}{6T_2 + 7T_1} = 0,05$$

Задача №11-Т4. Цилиндр и нелинейная плотность заряда

Цилиндр можно разделить на тонкие параллельные основанию кольца, напряженность каждого из которых будет направлена в точке O вниз, а в точке B вверх вдоль оси цилиндра — в силу осевой симметрии в распределении заряда. Соответственно сила, действующая на отрицательный заряд в точке B , направлена так же, как и сила, действующая на положительный заряд в точке O — вниз вдоль оси цилиндра, или против оси x на рисунке. Точно также — противоположно оси x — направлена и суммарная сила, действующая на диполь.

Пусть E_1 — величина напряженности поля цилиндра в точке O , а E_2 — величина напряженности в точке B . Тогда величина силы, действующей на диполь, $F = q(E_1 + E_2)$. Наложим на наш цилиндр еще один такой же, с поверхностной



плотностью заряда симметричной исходному цилиндру: $\sigma'(x) = \sigma(H - x)$. В результате сложения получится цилиндр, равномерно заряженный по поверхности с плотностью заряда σ_0 :

$$\sigma(x) + \sigma'(x) = \sigma_0 \sin^2\left(\frac{\pi x}{2H}\right) + \sigma_0 \sin^2\left(\frac{\pi(H-x)}{2H}\right) = \sigma_0.$$

При этом по принципу суперпозиции в центре каждого из оснований будет одинаковая по величине напряженность, равная нужной нам для вычисления силы величине $E = E_1 + E_2$.

Поле в центре основания однородно заряженного цилиндра определим через скорость изменения потенциала по формуле: $E_x = -\Delta\varphi/\Delta x$. Заметим, что, если сдвинуть точку В вверх на Δx , то это равносильно смещению цилиндра, то есть исчезновению сверху кольца с зарядом Δq (обозначено на рисунке пунктирной линией) и прибавлению такого же кольца вниз. Разность потенциалов двух выделенных колец равна $\Delta\varphi = \varphi_+ - \varphi_- = \frac{\Delta q}{4\pi\epsilon_0 r} - \frac{\Delta q}{4\pi\epsilon_0 R}$, причем $\Delta q = \sigma_0 \cdot 2\pi R \cdot \Delta x$. Таким образом,

$$E_1 + E_2 = \frac{\sigma_0}{2\epsilon_0} \left(1 - \frac{R}{\sqrt{R^2 + H^2}}\right),$$

и величина силы

$$F = \frac{q\sigma}{2\epsilon_0} \left(1 - \frac{R}{\sqrt{R^2 + H^2}}\right).$$

Участники, знакомые с интегрированием, могут вычислить $E_1 + E_2$ непосредственно из принципа суперпозиции, складывая напряженности отдельных колец

$$dE_x = \frac{dq \cdot x}{4\pi\epsilon_0(x^2 + R^2)^{3/2}};$$

$$E_1 + E_2 = \int_0^H \frac{\sigma_0 \cdot 2\pi R x}{4\pi\epsilon_0} \frac{x}{(x^2 + R^2)^{3/2}} = \frac{\sigma_0 R}{2\epsilon_0} \left(-\int_0^H d\left(\frac{1}{\sqrt{x^2 + R^2}}\right)\right)$$

$$E_1 + E_2 = \frac{\sigma_0}{2\epsilon_0} \left(1 - \frac{R}{\sqrt{R^2 + H^2}}\right).$$

Задача №11-Т5. Движение в скрещенных полях

Поскольку мощность силы Лоренца всегда равна нулю - кинетическая энергия частицы равна работе силы, действующей на неё со стороны электрического поля. Отсюда:

$$\frac{mv^2}{2} = qEy \Rightarrow v = \sqrt{\frac{2qEy}{m}}$$

Вдоль оси x на частицу действует только сила Лоренца. Из второго закона Ньютона:

$$ma_x = qv_y B(y)$$

$$\Delta v_x(y) = \frac{qv_y B(y) \Delta t}{m} = \frac{\alpha q \sqrt{y} \Delta y}{m} = \frac{2\alpha q \Delta(y^{3/2})}{3m} \Rightarrow v_x(y) = \frac{2\alpha q y^{3/2}}{3m}$$

Из условия $v = v_x$ в момент, когда скорость частицы направлена вдоль оси x , найдём соответствующую данному моменту координату частицы y_1 :

$$\sqrt{\frac{2qEy_1}{m}} = \frac{2\alpha q y_1^{3/2}}{3m} \Rightarrow y_1 = \frac{3m}{2\alpha q} \sqrt{\frac{2qE}{m}}$$

откуда:

$$v_1 = \sqrt{\frac{3E}{\alpha} \sqrt{\frac{2qE}{m}}}$$

Найдём радиус кривизны траектории в точке с координатой y . Запишем второй закон Ньютона в проекции на ось, перпендикулярную направлению скорости частицы:

$$\frac{mv^2}{R} = qvB + qE_n$$

где E_n - перпендикулярная скорости компонента электрического поля. Для неё имеем:

$$E_n = -E \cdot \frac{v_x}{v} = -\frac{\alpha y}{3} \sqrt{\frac{2qE}{m}}$$

Подставляя во второй закон Ньютона, находим:

$$\frac{2qEy}{R} = \alpha q y \sqrt{\frac{2qE}{m}} - \frac{\alpha q y}{3} \sqrt{\frac{2qE}{m}} = \frac{2\alpha q y}{3} \sqrt{\frac{2qE}{m}}$$

откуда:

$$R = \frac{3}{\alpha} \sqrt{\frac{mE}{2q}} = const$$

При решении второго пункта было получено, что $R = \text{const}$. Это означает, что частица двигалась по окружности до тех пор, пока не остановилась.

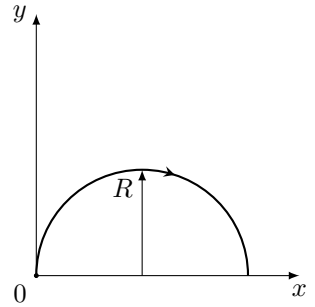
Обратим внимание, что после остановки движение частицы повторяется — она вновь будет двигаться по окружности того же радиуса, но уже из нового положения, находящегося от начального на расстоянии, равном диаметру окружности $2R$. Также обратим внимание, что за половину периода частица проходит половину окружности, поскольку $v \sim \sqrt{\sin \varphi}$, где φ — угловой размер пройденной дуги.

Тогда через время $\tau = 3T/2$ координаты частицы равны $(x, y) = (3R, R)$, и модуль её перемещения составляет:

$$S(\tau) = \sqrt{10}R$$

или же:

$$S(\tau) = \frac{3}{\alpha} \sqrt{\frac{5mE}{q}}$$



Шифр

 Σ

11-Т1. Вращающаяся гильза

№	Пункт разбалловки	Балл	Пр	Ап
1.1	Указано (используется в решении), что угол α между скоростью точек поверхности и направлением движения остается постоянным или показано, что $\frac{\omega R}{v} = const$	1.0		
1.2	Найдена проекция силы трения на направление движения в виде $F_x = F(x) \frac{v_0}{\sqrt{(\omega_0 R)^2 + v_0^2}}$ – Если уравнение записано в виде $F_x(x) = F(x) \cos \alpha$ без правильного выражения для α	1.0 0.5		
1.3	Корректно записан закон сохранения энергии для прохождения гильзы через отверстие	1.0		
1.4	Получен правильный ответ для минимальной скорости	2.0		
2.1	При ответе на второй вопрос использована связь скорости движения и угловой скорости $\frac{\omega R}{v} = \frac{\omega_0 R}{v_0}$ или $\frac{\omega}{v} = \frac{\omega_0}{v_0}$	1.0		
2.2	Из закона сохранения энергии получено $v_1 = \frac{v_0}{\sqrt{2}}$	1.0		
2.3	Получен ответ на второй вопрос $\omega_1 = \frac{\omega_0}{\sqrt{2}}$	1.0		
3.1	Указано, что уравнения движения гильзы в отверстии аналогичны уравнению колебаний или явно записано уравнение движения	0.5		
3.2	Найдена эффективная частота для движения гильзы через отверстие $\Omega = \sqrt{\frac{F_0 \cos \alpha}{ml}}$	1.0		
3.3	Правильно записан закон движения гильзы до момента полного погружения гильзы в отверстие $x = x_0 \sin \Omega t$	0.5		
3.4	Найдена эффективная амплитуда – коэффициент перед синусом $x = v_0 \sqrt{\frac{ml}{F_0 \cos \alpha}}$	1.0		
3.5	Найдено искомое время движения τ	1.0		

Шифр

Σ

11-Т2. Как измерить поверхностное натяжение?

№	Пункт разбалловки	Балл	Пр	Ап
1.1	Утверждение о постоянстве силы натяжения по всей длине нити из-за невесомости нити и перпендикулярности сил поверхностного натяжения к участкам нити.	1.0		
1.2	Доказано, что нить представляет собой часть дуги окружности.	2.0		
1.3	Получено соотношение между радиусом кривизны нити и силой натяжения $T = 2R\sigma$	1.0		
1.4	Радиус кривизны нити выражен через L, d, h : $R = \frac{(L-d)^2 + h^2}{4(L-d)}$. – Если только получено соотношение между R, L, d, h , но радиус не выражен явно	2.0 1.0		
1.5	Метод 1. Записано условие равновесия для нижней половины системы: $2T + 2\sigma d = mg$	2.0		
1.6°	Метод 2. Записано условие равновесия для планки: $2T \cos \alpha + 2\sigma L = mg$	1.0		
1.7°	Метод 2. Угол, под которым нить подходит к планке, выражен через радиус: $\sin \alpha = \frac{h}{2R}$	1.0		
1.8	Получена формула для коэффициента поверхностного натяжения $\sigma = \frac{mg(L-d)}{h^2 + L^2 - d^2}$	2.0		
2.1	Получен численный ответ в диапазоне 0.063 – 0.069 Н/м	2.0		

Шифр

 Σ **11-Т3. Трапеция лорда Кельвина**

№	Пункт разбалловки	Балл	Пр	Ап
1.1	Указано (используется в решении), что линейный процесс с постоянной теплоёмкостью может быть изобарой или изохорой.	0.5		
1.2	Указано, что процесс $p = \alpha V$ является линейным процессом с постоянной теплоёмкостью.	1.0		
1.3	Указано, что теплоёмкость газа в процессе $p = \alpha V$ равна (любой вариант или эквивалентная формула): $C = \frac{c_p + C_V}{2} = C_V + \frac{\nu R}{2} = 3\nu R.$	1.0		
1.4	В решении содержится утверждение, что других линейных процессов с постоянной теплоёмкостью нет.	0.5		
1.5	Доказано утверждение, что других линейных процессов с постоянной теплоёмкостью нет.	1.0		
1.6	Сделан вывод, что процессы bc и da являются изобарными.	1.0		
1.7	Указано, что продолжения отрезков ab и cd пересекаются в начале координат.	0.5		
1.8	Правильно восстановлены положения координатных осей p и V (по 0,5 балла за каждую)	2 точки по 0.5		
2.1	Обоснованно получены ответы для T_b и T_d : $T_b = T_d = 200 \text{ К.}$	0.5		
2.2	Обоснованно получен ответ для $T_a = 400 \text{ К.}$	0.5		
2.3	Получено соотношение: $T_b \cdot T_c = T_a \cdot T_d$ или эквивалентное ему.	1.0		

2.4	Получен ответ для T_c : $T_c = 100 \text{ К.}$	0.5		
3.1	Записана формула для КПД цикла η : $\eta = 1 - \frac{Q_-}{Q_+} = \frac{A}{Q_+} = \frac{A}{A + Q_-}$	0.5		
3.2	Получены правильные формулы для любых двух из трёх величин (любой вариант или эквивалентная формула): $Q_+ = C(T_d - T_c) + C_p(T_a - T_d) = \frac{\nu R(7T_a - 6T_c - T_d)}{2}$ $Q_- = C(T_a - T_b) + C_p(T_b - T_c) = \frac{\nu R(6T_a + T_b - 7T_c)}{2}$ $A = \frac{\nu R(T_a + T_c - T_b - T_d)}{2}$	2 вел. по 0.5		
3.3	Получены правильная формула для КПД (любой вариант или эквивалентная формула): $\eta = \frac{T_a + T_c - T_b - T_d}{7T_a - 6T_c - T_d} = \frac{T_1 - T_2}{7T_1 + 6T_2}$	1.0		
3.4	Получен правильный численный ответ для η : $\eta = 0,05$	0.5		
	<i>Примечание:</i> при использовании формул для C_p и C_V не для двухатомного газа пункты 3.3 и 3.4 оцениваются в 0 баллов, а остальные пункты оцениваются в полный балл при правильных вычислениях.			

Шифр

 Σ

11-Т4. Цилиндр и нелинейная плотность заряда

№	Пункт разбалловки	Балл	Пр	Ап
1	В решении присутствует обоснование того, что вектора напряженности в точках O и B направлены вдоль оси цилиндра, связанное, например, с осевой симметрией в распределении заряда (при его разбиении на кольца)	0.5		
2	В решении присутствует утверждение, что напряженности поля цилиндра в точках O и B направлены противоположно (или что силы, действующие на заряды диполя, сонаправлены)	0.5		
3	Указано верное направление суммарной силы (вниз или противоположно оси Ox)	1.0		
4	Записано (используется в решении) верное выражение для напряженности (или потенциала) на оси кольца (при верном ответе на п. 8 этот балл ставится в любом случае)	1.0		
5	Отмечена (используется в решении) симметрия в распределении заряда: $\sigma(x) = \sigma_0 - \sigma(H - x)$	1.0		
6	Предложен метод наложения перевернутого симметрично такого же цилиндра на исходный цилиндр, с получением равномерно заряженной поверхности	3.0		
7	Пояснено, что в этом случае поле в центре основания равномерно заряженного цилиндра равно: $E = E_1 + E_2$	1.0		
8	Любым из корректных способов (в том числе через скорость изменения потенциала или интегрированием результатов п. 4) правильно найдено поле в центре основания равномерно заряженного цилиндра	2.0		
9	Указано (используется в решении), что искомая сила $F = q(E_1 + E_2)$	0.5		
10	Получено верное выражение для модуля F	1.5		

Шифр

 Σ **11-Т5. Движение в скрещенных полях**

№	Пункт разбалловки	Балл	Пр	Ап
1.1	Правильно записан закон сохранения механической энергии: $\frac{mv^2}{2} = qEy.$	1.0		
1.2	Правильно записано уравнение движения для частицы в проекции на ось x (*): $ma_x = +qB(y)v_y = +\alpha q\sqrt{y} \cdot v_y.$	0.5		
1.3	Правильно найдена зависимость $v_x(y)$ (**): $v_x(y) = \frac{2\alpha q}{3m} \cdot y^{3/2}.$	1.5		
1.4	Правильно определено максимальное значение y (при котором скорость направлена вдоль оси x): $y_1 = \frac{3}{\alpha} \sqrt{\frac{mE}{2q}}.$	1.0		
1.5	Получен правильный ответ на первый вопрос: $v_1 = \sqrt{\frac{3E}{\alpha}} \sqrt{\frac{2qE}{m}}.$	1.0		

2.1	<p>Записаны выражения для нормальной компоненты ускорения через радиус кривизны (0.5 балла) и через уравнение движения частицы в проекции на нормальную ось (0.5 балла):</p> $a_n = \frac{v^2}{R} \quad a_n = \frac{qvB}{m} + \frac{qE_n}{m}.$	2 точки по 0.5		
2.2	<p>Записано правильное выражение для нормальной компоненты напряжённости электрического поля:</p> $E_n = -E \cdot \frac{v_x}{v}$ <p>или эквивалентное выражение.</p>	1.0		
2.3	Показано, что радиус кривизны траектории остаётся постоянным (***)).	1.5		
2.4	<p>Получено выражение для радиуса кривизны траектории:</p> $R = \frac{3}{\alpha} \sqrt{\frac{mE}{2q}}.$	1.0		
3.1	В ответе на третий вопрос на рисунке изображена полуокружность с правильными положениями её центра и точки старта (***)).	0.5		
4.1	Указано, что после остановки в момент времени T частица начнёт двигаться по такой же полуокружности, центр которой смещён на расстояние $2R$ вдоль оси x (***)).	0.5		
4.2	<p>Правильно указано положение частицы в момент времени $\tau = 3T/2$ следующими способами (***):</p> <p>1) Указаны координаты частицы $(x,y) = (3R,R)$;</p> <p>2) Указано, что частица находится в вершине второй полуокружности.</p>	0.5		
4.3	<p>Получен правильный ответ на четвёртый вопрос:</p> $S(\tau) = \frac{3}{\alpha} \sqrt{\frac{5mE}{q}}$	1.0		

	<p>* - При ошибке в знаке пункт оценивается в 0 баллов, но если в дальнейшем решении других ошибок (кроме знаков проекции скорости v_x и смещений по оси x) нет, то последующие результаты оцениваются в полный балл;</p> <p>** - Если в пункте ошибка в коэффициенте перед $y^{3/2}$ - пункты 2.4 и 4.3 автоматически оцениваются в 0 баллов. Если в этом пункте неправильная степенная зависимость от y - из всех пунктов 1.4-4.4 баллы можно получить только за пункты 2.1 и 2.2;</p> <p>*** - Баллы за пункты 2.3 и 3.1, 4.1, 4.2 выставляются и при неправильном определении R, если v^2 и v_x имеют правильные степенные зависимости от y.</p>			
--	--	--	--	--

.